

## OVERENIE VHODNOSTI MKP NA ŠTÚDIUM KONTAKTNEJ NAPÄTOSTI VALCOV VALCOVACÍCH STOLÍC

Ján Slavkovský

Katedra tvárnenia a tvárniacich strojov

Strojnícka fakulta SVŠT Bratislava

Výskumný ústav zväračský v Bratislave vyvinul technológiu a zariadenie na renováciu valcov valcovacích stolíc elektrotroskovým naváraním. Pri exploatovaní valcov sú tieto vystavené pôsobeniu cyklicky sa meniacim napätiam od vonkajšieho mechanického zaťaženia a od teplotných pnutí, ku ktorým sa navyiac superponuje vysoká hladina zvyškových napätí v dôsledku tepelného spracovania materiálu, resp. aplikáciou renovačnej naváracej technológie.

V súvislosti s hlbšou analýzou problému sme v r. 1978 overili vhodnosť klasickej fotoelasticimetrie na štúdium napätosti v oblasti kontaktu od vonkajšieho zaťaženia na rovinnom probléme diametrálne tlačенých diskov [1]. Experimentálne namerané výsledky povrchovej a podpovrchovej napätosti boli porovnané s teoretickými riešeniami podľa vzťahov matematickej teórie pružnosti a ukázali v podpovrchovej oblasti veľmi dobrú zhodu.

Napriek vyššie uvedeným pozitívnym záverom vykonali sme ešte v r. 1979 overenie vhodnosti metódy konečných prvkov /MKP/ na riešenie kontaktnej napätosti diametrálne tlačенých diskov [2], pretože MKP má v porovnaní s fotoelasticimetriou celý rad výhod. Umožňuje vyšetrovať napätosť v skúmanej oblasti nielen od vonkajšieho zaťaženia, ale aj od teplotných pnutí. Dovoľuje bez problémov modelovať kombináciu viacerých materiálov /jadro - návar/, pre rôzne varianty zaťaženia a fyzikálne vlastnosti materiálov.

Pri riešení úlohy sme použili program IZPSTIE [3] určený na výpočet napätosti a deformácií uzlových bodov stien, t.j. rovinných konštrukčných prvkov zaťažených sila-

mi iba v jednej rovine, ktorý aplikuje izoparametrické prvky a funkcie posuvov ako polynóm druhého stupňa.

V programe je obmedzený celkový počet uzlových bodov na 500, celkový počet prvkov oblasti na 90 a celkový počet odcibratých stupňov vlnnosti na 50. Pri zostavovaní výpočtového modelu sme vychádzali z Hertzovho predpokladu eliptického priebehu normálových síl v kontaktnej oblasti disku /obr.1/. Ďalej sme využili symetriu zataženia a symetriu disku. Po zatažení disku diametrálnym tlakom v smere osi y jednotlivé body disku vykonajú nasledovné posunutia: Prieesečník osi x; y nezmení svoju polohu. Body ležiace na zvislej osi y budú mať iba zložku posuvu  $w \neq 0$  a ich posunutie  $u=0$ . Body ležiace na vodorovnej osi x sa posunú iba v horizontálnom smere, t.j.  $u \neq 0$  a  $v=0$ . Ostatné body disku sa premiestnia úplne obecne. S ohľadom na vyššie uvedené stačí riešiť napätosť 1/4 disku. Oblasť výpočtového modelu bola rozdelená na 56 prvkov so 197 uzlovými bodmi a počet odcibratých stupňov vlnnosti činil 38. Vektor parametrov vonkajších síl bol linearizovaný po prvkoch.

Výsledky riešenia boli spracované bezdimenzionálne v súradnicovom systéme  $\bar{x}=x/b$ ;  $\bar{y}=y/b$  ktorého počiatok je na kontaktnej ploche v mieste najväčšieho normálového tlaku. Os  $\bar{x}$  leží na kontaktnej ploche a os  $\bar{y}$  smeruje do stredu disku. Vyhodnotené boli hlavné napätia a redukované napätia podľa hypotézy maximálneho šmykového napätia. Z výsledkov uvádzame napr. napätosť na osi symetrie disku; hlavné napätia obr.2, redukované napätia obr.3, ktoré boli získané podľa vzťahov matematickej teórie pružnosti /čiara 1/, fotoelasticimetrickým experimentom /čiara 2/ a MKP /čiara 3/.

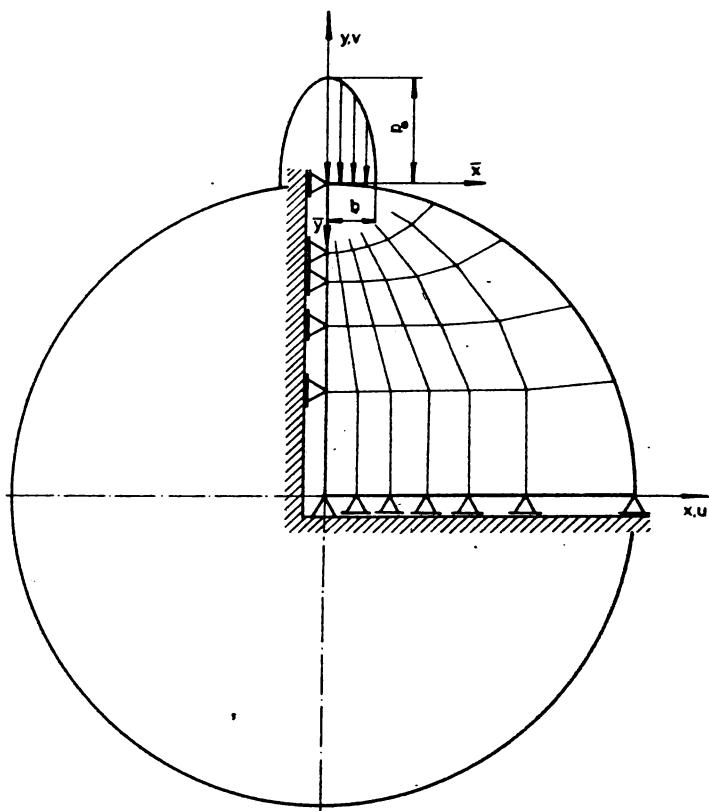
Dobrá zhoda výsledkov oprávňuje aplikáciu MKP aj na štúdium kontaktnej napätosti predmetného problému.

#### Literatúra:

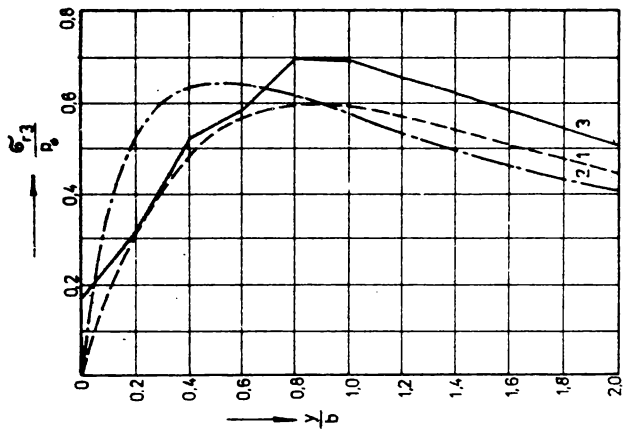
- [1] Slavkovský, J.: Kontaktná napätosť diametrálne tlačeneých diskov. Výsk. správa SVŠT Bratislava 1978.
- [2] Slavkovský, J.: Riešenie kontaktnej napätosti diametrálne tlačeneých diskov metódou konečných prv-

kov. Výsk. správa SVŠT Eratislava 1979.

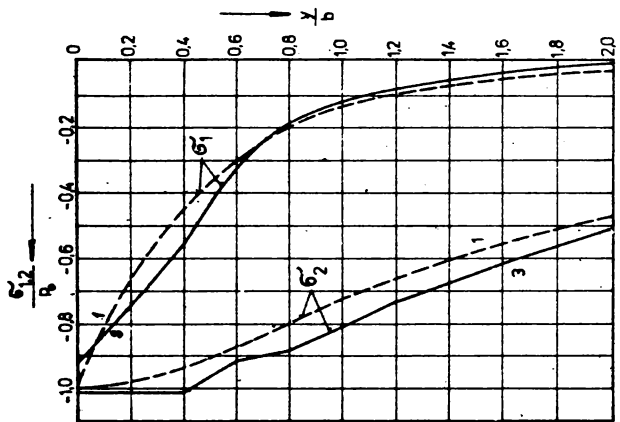
- [3] Vadovič, F., Benča, Š., Jelemenský, J.: Teoretické vyšetrenie pevnosti a optimalizácia konštrukčných prvkov. Výsk. správa SVŠT Eratislava 1976.



Obr.1. VÝPOČTOVÝ MODEL



Obr3 PRIEBEH REDUKOVANÝCH  
NAPATI  
PRE  $\frac{x}{b} = 0$



Obr2 PRIEBEH HLAVNÝCH  
NAPATI  
PRE  $\frac{x}{b} = 0$