

## VÝZKUM NAPJATOSTI VE VYHRDLENÍ A URČENÍ FAKTORŮ INTENZITY NAPĚTI $K_I$ A $K_{II}$ U TRHLIN VE VYHRDLENÍ TLAKOVÉ NÁDOBY

Pro návrh a hlevně bezpečný provoz tlakových nádob jaderných reaktorů VVER 1000 vyráběných v k.p. Škoda Plzeň byla třeba jak podrobná analýza napětí, tak i posouzení na pevnostní porušení s ohledem na přechodové a havarijní režimy. V rámci spolupráce SVUSS Praha se ZES Bolevec bylo v první fázi provedeno experimentální ověření výpočtu napjatosti ve specifickém vyhrdlení této nádoby [1]. Při výpočtu vypracovaném v ÚSTARCH-SAV i při experimentu (zmrazovací prostorová photoelasticimetrie) byly použity zjednodušené modely ve tvaru čtvercové desky s centrálně umístěným vyhrdlením, zatížené v rovině desky ve dvou kolmých směrech napětími  $\sigma_x$  a  $\sigma_y$  v poměru 2 : 1 tak, jak odpovídá membránové napjatosti v tenkostěnném válci (obr. 1). Stanoveny byly průběhy meridiálních a obvodových napětí na "vnějším" i "vnitřním" povrchu ve dvou hlavních řezech modelu pro jmenovitý přetlak 1 MPa. Kromě toho byly určeny také koeficienty koncentrace napětí vztažené na tečné napětí v hladké části stěny nádoby.

Jak bylo uvedeno v referátu Ing. Vísnera na konferenci EAN 89, výsledky našich měření i měření na modelech nádob provedených v ZES Bolevec potvrdily správnost provedených výpočtů.

V další fázi byly stejnou experimentální metodou určeny faktory intenzity napětí  $K_I$  a  $K_{II}$  pro daný konkrétní tvar vyhrdlení, trhliny i zatížení. Celkem byly proměřeny 3 modely s obloukovými trhlinami jmenovitých délek  $a = 4,5; 6,5$  a 10 mm, natočených vzhledem ke kladné ose  $x'$  základního souřadného systému modelu  $x'y'$  o úhel  $\alpha = 0^\circ$  a  $-135^\circ$ .

Pro výhodnocení  $K_I$  a  $K_{II}$  byla použita metoda smykových napětí vypracovaná v ZES Bolevec [2] na základě Westergaadem odvozené a Irwinem upravené přibližné rovnice pro smykové napětí v okolí špičky trhliny obecně orientované uprostřed ne-konečné desky zatížené rovinnou napjatostí (obr. 2).

$$\tau_{xy} = \frac{K_I}{\sqrt{2\pi r}} \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2} \cos \frac{3\theta}{2} + \frac{K_{II}}{\sqrt{2\pi r}} \cos \frac{\theta}{2} \left[ 1 - \sin \frac{\theta}{2} \sin \frac{3\theta}{2} \right] \quad (1)$$

S pomocí rovnic pro rovinnou napjatost

$$\tau_{max} = \left[ \left( \frac{\sigma_x - \sigma_y}{2} \right)^2 + \tau_{xy}^2 \right]^{\frac{1}{2}} \quad (2)$$

$$\tau_{xy} = \tau_{max} \cdot \sin 2\alpha \quad (3)$$

a Wertheimova zákona platného ve fotoelasticimetrii

$$\sigma_1 - \sigma_2 = 2\tau_{\max} = \frac{m}{t} k_\sigma \quad (4)$$

kde  
 $m$  ... řád izochromat  
 $\alpha$  ... parametr izokliny  
 $k_\sigma$  ... optická citlivost materiálu  
 $t$  ... tloušťka výřezu s trhlinou,

lze určit hledané veličiny  $K_I$  a  $K_{II}$  ze dvou rovnic typu

$$\sqrt{\frac{\pi r}{2}} \sin 2\alpha \left( \frac{m}{t} \right) k_\sigma = K_I \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2} \cos \frac{3\theta}{2} + \\ + K_{II} \cos \frac{\theta}{2} \left( 1 - \sin \frac{\theta}{2} \sin \frac{3\theta}{2} \right) \quad (5)$$

Měření bylo pro zjednodušení výpočtu provedeno na množině dvojic bodů určených souřadnicemi  $(r_i, \theta_i)$  a  $(r_k, \theta_k)$ ,  $i \neq k$  ležících symetricky na polopřímkách určených počátkem v čele trhliny a svírajících s osou  $x$  úhly  $\theta_1 = \pi/2$  a  $\theta_2 = -\pi/2$ . Umístění trhlin ve vyhrdlení a výřezu pro vyhodnocení faktorů intenzity napětí je na obr. 3. Měření byla provedena v polariskopu fy Vishay typu 051.

Hodnoty faktorů intenzity napětí s využitím metody smykových napětí se pak určí z rovnic

$$K_I = k_\sigma \sqrt{\pi} \left[ \sqrt{r_k} \cdot \sin 2\alpha_k \left( \frac{m}{t} \right)_k - \sqrt{r_i} \cdot \sin 2\alpha_i \left( \frac{m}{t} \right)_i \right] \\ K_{II} = k_\sigma \sqrt{\pi} \left[ \sqrt{r_i} \cdot \sin 2\alpha_i \left( \frac{m}{t} \right)_i + \sqrt{r_k} \cdot \sin 2\alpha_k \left( \frac{m}{t} \right)_k \right] \quad (6)$$

Pro tyto výpočty byly použity body v intervalu

$$0,05 < \frac{r}{a} < 0,2 \quad (7)$$

Kromě tohoto způsobu byla pro vyhodnocení  $K_I$  a  $K_{II}$  použita také zpřesněná metoda smykových napětí [3], která umožňuje získat dobré výsledky i na základě měření mimo oblast určenou nerovností (7). Obecné vztahy pro jejich určení jsou

$$K_I = \frac{H_i T_k - H_k T_i}{H_i G_k - H_k G_i} \quad K_{II} = \frac{G_k T_i - G_i T_k}{H_i G_k - H_k G_i} \quad (8)$$

kde

$$T = \sqrt{a\pi} \frac{m}{t} k_c \sin 2\alpha$$

$$G = \sqrt{\frac{a}{2r}} \sin \theta \cos \frac{3\theta}{2} \quad (9)$$

$$H = \sqrt{\frac{2a}{r}} \cos \frac{\theta}{2} - \sqrt{\frac{a}{2r}} \sin \theta \sin \frac{3\theta}{2}$$

Pro zvýšení přesnosti bylo měření provedeno v 15-ti dvojicích bodů a výsledky statisticky zpracovány. U obou metod byly určeny jejich střední hodnoty a směrodatné odchyly. Při vyhodnocování zpřesněnou metodou byly výsledky zpracovány také metodou nejmenších čtverců. Výpočty byly provedeny na počítačích Sharp PC-1500 A a GA 16/220.

Měření ukázalo, že při daném tvaru modelu a jeho zatížení jsou faktory intenzity napětí  $K_I$  jak u trhlin orientovaných kolmo na směr většího napětí, tak u trhlin odkloněných od tohoto směru o  $\pi/4$  zanedbatelně malé a dominující význam mají hodnoty součinitele  $K_I$ .

Měření plně prokázalo důležitost dodržení nerovnosti (7) při použití nezpřesněné metody smykových napětí. Mimo tu to oblast velmi rostou směrodatné odchyly vlivem zvětšujícího se rozptylu výsledků. Při použití zpřesněné metody bylo možno tyto hranice značně překročit, aniž se přesnost měření podstatně snížovala. Toto je velmi důležité, neboť tato skutečnost umožňuje s dostatečnou přesností určovat faktory intenzity napětí i pomocí méně dokonalých polariskopů, protože není nutno měřit v tak těsné blízkosti čela trhliny. Na obr. 4 jsou zobrazeny zjištěné hodnoty faktorů intenzity napětí  $K_I$ .

Seznam literatury: /1/ TRUHLÁŘ J. - Analýza napjatosti ve vyhřelení tlakové nádoby jaderného reaktoru VVER 1000, výzk. zpráva SVÚSS 89-02001, Praha 1989

/2/ VÍSNER J. - Fotoelasticimetrické metody zjišťování smíšeného součinitele intenzity napětí  $K_I$  a  $K_{II}$ , Sborník 23.konf. EAN, 1985

/3/ SZABO V., VÍSNER J. - Určovanie KIN metódou šmykových napäti, Stavebnický časopis č.8, Bratislava, 1988

/4/ TRUHLÁŘ J. - Určení  $K_I$  a  $K_{II}$  u trhlin ve vyhřelení tlakové nádoby jaderného reaktoru VVER 1000, výzk. zpráva SVÚSS 89-02029, Praha, 1989

